

Θα αποδείξουμε ότι $f(n) = \left\lfloor \frac{n}{3} \right\rfloor$ για κάθε θετικό ακέραιο $n \leq 9999$. Για $m = n = 1$ από την υπόθεση προκύπτει ότι $f(2) - 2f(1) = 0$ ή 1 . Επειδή $f(2) = 0$, θα έχουμε ότι $f(1) = 0$ ή $f(1) = -\frac{1}{2}$ (αππορίπτεται). Άρα $f(1) = 0$.

Για $m = 2$ και $n = 1$ παίρνουμε ότι $f(3) - f(2) - f(1) = 0$ ή 1 και επειδή $f(3) > 0$ και $f(1) = f(2) = 0$ προκύπτει ότι $f(3) = 1$.

Επιπλέον έχουμε ότι $f(3n+3) - f(3n) - f(3) = 0$ ή 1 και $f(3n+3) \geq f(3n) + f(3) = f(3n) + 1$. Οπότε με επαγωγή δείχνουμε ότι $f(3n) \geq n$. Όμως η ανισότητα $f(3k) > k$ δεν μπορεί να ισχύει για κάποιο $k \leq 3333$. Επομένως θα ισχύει ότι $f(3n) = n$ για κάθε θετικό ακέραιο $n \leq 3333$.

Όμως για $n \leq 3333$ παίρνουμε ότι $f(3n+1) = f(3n) + f(1) + (0 \text{ ή } 1) = n$ ή $n+1$ αλλά $3n+1 = f(9n+3) \geq f(6n+2) + f(3n+1) \geq f(3n+1) + f(3n+1) + f(3n+1) = 3 \cdot f(3n+1)$, δηλαδή $f(3n+1) \leq \frac{3n+1}{3} < n+1$.

Οπότε εύκολα προκύπτει ότι $f(3n+1) = n$. Οπότε εαν εργαστούμε κυκλικά βρίσκουμε ότι

$f(3n+2) = n$. Άρα $f(1982) = 660$ και γενικότερα $f(n) = \left\lfloor \frac{n}{3} \right\rfloor$ για $n \leq 9999$.